

Leibniz

Nel 1673 Leibniz affronta in maniera sistematica i due fondamentali problemi dell'epoca : quello delle tangenti ad una curva e quello del calcolo dell'area di una superficie . ne ricavò due tipi di calcolo che verranno indicati col nome di **calcolo differenziale** e **calcolo integrale** . Il teorema di inversione in base al quale si dimostra che i due calcoli sono uno l'inverso dell'altro riuscirà a dare un carattere unitario alla complessa materia , che verrà a profilarsi come un unico grande ramo della matematica moderna . La svolta decisiva che Leibniz (e qualche anno prima di lui Newton) riuscì ad imprimere alla disciplina in esame , consistette soprattutto nella precisazione ed uniformazione delle sue regole , resa possibile fra l'altro dall'uso di simboli adeguati . Che i simboli leibniziani si siano rivelati molto più idonei alla nuova disciplina che non quelli newtoniani , è cosa notissima , confermata da tutto il successivo sviluppo dell'analisi matematica ; ciò che merita invece di essere sottolineato è che Leibniz fu subito ben consapevole dei grandi vantaggi di una notazione sistematica , mentre Newton sembra averle attribuito poca importanza . Il simbolo di differenziale dx si presentò a Leibniz come una estensione naturale del simbolo usato per una differenza finita . Quella di Leibniz è una estensione dalle grandezze finite alle infinitesime e rientra perfettamente nel quadro degli interessi del nostro autore . Nel 1684 Leibniz pubblica il suo primo lavoro che tratta di argomenti infinitesimali , precisamente << Nova methodus pro maximis ed minimis itemque tangentibus >> . Leibniz parte da una curva di equazione $y = f(x)$ e suppone che sia tracciata la tangente uscente da un punto $P(x,y)$ della curva . dato ad x un incremento qualsiasi che egli chiama differenza e noi differenziale ed indica con dx , sceglie il differenziale della funzione dy in modo che il rapporto $\frac{dy}{dx}$ uguagli il

coefficiente direttivo della retta (ossia la derivata) . Questa definizione coincide con quella che si dà oggi nei moderni trattati di analisi matematica . Ma mentre in questi le operazioni sui differenziali vengono dedotte dalle corrispondenti operazioni sulle derivate , il Leibniz enuncia le regole di quelle operazioni (differenziale della somma , del prodotto , del quoziente , della potenza ad esponente razionale) senza mai parlare di derivata e senza introdurre i concetti di limite o di infinitesimo dei vari ordini . Come le giustificasse non risulta .

Nello stesso lavoro Leibniz introduce il differenziale secondo , con la notazione con la notazione ddy ed afferma che il suo segno ci consente di stabilire se una curva è concava o convessa . Appropita poi dell'annullarsi del differenziale primo per risolvere due problemi di massimo o di minimo . Questo primo lavoro di Leibniz ha una importanza fondamentale nella storia del calcolo grazie a quella notazione differenziale subito accolta dai matematici del continente . Il segno di integrale che il Leibniz scriveva così $\int y$ in un manoscritto del 1675 , appare per la prima volta in un lavoro stampato del 1686 (*De geometria recondita*) sotto la forma $\int y dx$; forma molto felice perché ricorda che un'area è la somma , non di tutte le ordinate , come il metodo degli indivisibili poteva fare pensare , ma di rettangoli infinitesimi . Un esame più accurato dell'operazione di integrazione e la dimostrazione che essa è l'operazione inversa della derivazione si trova soltanto nella memoria *Supplementum geometriae dimensoriae* del 1693 .

Particolarmente interessante è il lavoro *Specimen novum analyseos pro scientia infiniti* del 1702 ove si assegna il procedimento , ora classico , per l'integrazione di una funzione razionale fratta mediante decomposizione di questa in una somma di fratti semplici .

Nel calcolo infinitesimale odierno troviamo maggiori tracce dei procedimenti formali di Leibniz che di quelli , sostanzialmente equivalenti , dovuti al sommo matematico inglese .

Varie sono le ragioni della maggiore fortuna della notazione differenziale di Leibniz . Essa soddisfa ad una condizione che il Leibniz espone chiaramente in una lettera al matematico Tschirnhaus del 1678. “ Ai simboli è da chiedere che essi si prestino alla ricerca ; ciò succede principalmente quando essi esprimono in modo conciso e quasi dipingono l’intima natura della cosa, perché essi allora risparmiano mirabilmente lo sforzo del pensiero “ .

Abbiamo visto che Leibniz concepisce la derivata di una funzione come rapporto di due differenze o come (proposero in seguito i matematici Bernoulli ed Eulero) di due differenziali $\frac{dy}{dx}$ cioè dell’incremento infinitesimo della funzione e

dell’incremento infinitesimo della variabile indipendente: se questi infinitesimi vadano intesi soltanto in senso potenziale, cioè come quantità variabili evanescenti, ovvero staticamente come infinitesimi attuali , non appare chiaramente nell’opera di Leibniz. Ciò che noi chiamiamo la derivata della funzione $f(x)$ per Newton è la flussione, cioè la velocità con cui varia la funzione $f(x)$ che lui chiama fluente. Con Newton e Leibniz termina la fase pionieristica del calcolo infinitesimale