

Si lancia 3 volte una moneta. Calcolare la probabilità che si presentino 2 croci ed una testa.

$\Omega_3 = \{TTT, TTC, TCT, TCC, CTT, CCT, CTC, CCC\}$ spazio campionario del lancio di 3 monete Casi possibili nel lancio di 3 monete I casi possibili sono 8, i casi favorevoli sono 3 $p(E) = \frac{f}{n} = \frac{3}{8}$	
--	--

Si estrae un gettone da una scatola che ne contiene 12 numerati da 1 a 12. Calcolare la probabilità che venga estratto un numero divisibile per 3 sapendo che il numero estratto è maggiore di 7.

$A =$ si estrae un numero divisibile per 3 = $\{3; 6; 9; 12\}$

$B =$ si estrae un numero maggiore di 7 = $\{8; 9; 10; 11; 12\}$ $n_B = 5$

$E = A/B =$ si estrae un numero divisibile per 3 sapendo che il numero estratto è maggiore di 7 = $\{9; 12\}$ $n_{AeB} = 2$

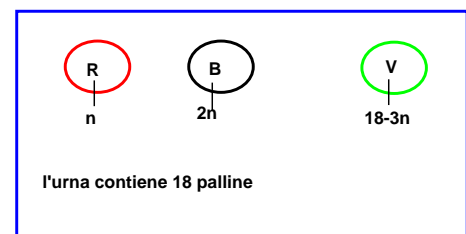
$$p(E) = p(A/B) = \frac{p(AeB)}{p(B)} = \frac{n_{AeB}}{n_B} = \frac{2}{5}$$

In un'urna sono contenute in tutto 18 palline di colore rosso, bianco e verde. Sapendo che la somma delle probabilità di estrarre una pallina rossa e una verde è $\frac{5}{9}$ e che le palline rosse sono la metà di quelle bianche, determinare il numero di palline di ciascun colore.

Le palline rosse e verde sono in totale: $18 - 3n + n = 18 - 2n$

$$p(R, V) = \frac{5}{9} \Rightarrow \frac{18 - 2n}{18} = \frac{5}{9} \Rightarrow 18 - 2n = 10 \quad n = 4$$

Le palline rosse sono 4, quelle bianche sono 8, quelle verdi sono 6.

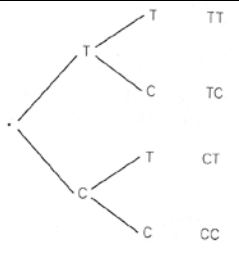


Si lanciano 2 monete. Calcolare la probabilità che escano 2 teste sapendo che almeno una di esse è testa.

$A =$ escono due teste $(T;T)$ Un caso favorevole per l'evento A

$B =$ almeno uno degli eventi elementari contiene una faccia con la testa $\{TT,TC,CT\}$ casi favorevoli 3 $n_B = 3$

$E = A/B =$ escono due facce contenente la testa sapendo che una delle facce è testa $(T;T)$ Un caso favorevole per l'evento $E = A/B$ $n_{AeB} = 1$

$\Omega_2 = \{TT, TC, CT, CC\}$ spazio campionario nel lancio di due monete I casi possibili nel lancio di 2 monete sono 4 $p(E) = p(A/B) = \frac{p(AeB)}{p(B)} = \frac{n_{AeB}}{n_B} = \frac{1}{3}$	
--	--

Si lanciano due dadi. Calcolare la probabilità che la somma delle due facce è un multiplo di 4.

$A =$ la somma delle due facce è un multiplo di 4

$$n_A = 9$$

I casi possibili sono 36 $p(A) = \frac{9}{36} = \frac{1}{4}$

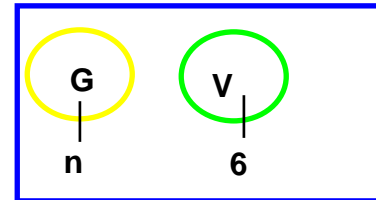
6	7	8	9	10	11	12
5	6	7	8	9	10	11
4	5	6	7	8	9	10
3	4	5	6	7	8	9
2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7
	1	2	3	4	5	6

Un'urna contiene palline gialle e verdi. Le palline verdi sono 6 e la probabilità di estrarre una pallina gialla è $\frac{5}{7}$. Quante palline gialle contiene l'urna?

$$p(G) = \frac{n}{n+6} = \frac{5}{7} \quad 7n = 5(n+6) \quad 7n = 5n + 30$$

$$2n = 30 \quad n = \frac{30}{2} = 15$$

L'urna contiene 15 palline gialle.



Un'urna contiene 5 palline numerate da 1 a 5. Estraiamo successivamente 2 palline, in modo che in ciascuna estrazione ogni pallina abbia la stessa probabilità di essere estratta, senza rimettere la prima pallina nell'urna. Calcoliamo la probabilità degli eventi: A = i 2 numeri estratti sono pari

B = i 2 numeri estratti sono dispari C = il secondo numero estratto è dispari.

Ci sono 5 palline; 2 sono **pari** e 3 sono **dispari**



Introduciamo i seguenti eventi elementari:

P_1 = il primo numero estratto è **pari** P_2 = il secondo numero estratto è **pari**

D_1 = il primo numero estratto è **dispari** D_2 = il secondo numero estratto è **dispari**

C_1 = il primo numero estratto è **pari** ed il secondo numero estratto è **dispari**

C_2 = il primo numero estratto è **dispari** ed il secondo numero estratto è **dispari**

Otteniamo: $A = P_1 e P_2$ $B = D_1 e D_2$ $C_1 = P_1 e D_2$ $C_2 = D_1 e D_2$ $C = C_1 o C_2$

- $p(A) = p(P_1 e P_2) = p(P_1) \cdot p(P_2 | P_1) = \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{10}$

Infatti, alla prima estrazione ci sono 5 palline delle quali 2 sono pari. Questo ci consente di scrivere:

$$p(P_1) = \frac{2}{5}$$

Alla seconda estrazione, se nella prima è uscito un numero pari, si hanno 4 palline delle quali soltanto una è pari. Questo ci consente di scrivere: $p(P_2 | P_1) = \frac{1}{4}$

- Allo stesso modo si procede per il calcolo della probabilità dell'evento B

$$p(\mathbf{B}) = p(\mathbf{D}_1 e \mathbf{D}_2) = p(\mathbf{D}_1) \cdot p(\mathbf{D}_2 | \mathbf{D}_1) = \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{4} = \frac{3}{10}$$

- Per calcolare la probabilità dell'evento C dobbiamo tenere presente alla prima estrazione la pallina può essere pari o dispari. Questo ci consente di scrivere: $C = C_1 o C_2 = (P_1 e D_2) o (D_1 e D_2)$

$$p(C) = p(C_1 o C_2) = p(C_1) + p(C_2) = p(P_1 e D_2) + p(D_1 e D_2)$$

$$p(C) = p(P_1)p(D_2 | P_1) + p(D_1)p(D_2 | D_1) = \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{4} + \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{4} \quad p(C) = \frac{6}{20} + \frac{6}{20} = \frac{12}{20} = \frac{3}{5}$$