

# Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli

Archimede può essere considerato il più grande genio scientifico di tutti i tempi ed il primo vero grande precursore dell'attuale analisi matematica. Il grande merito di Archimede non risiede tanto nei risultati ottenuti, che sono molti e di grande spessore scientifico, bensì nel metodo nuovo da lui escogitato per conseguire tali risultati, come illustreremo con dovizia di particolari nel prosieguo di questo articolo. Archimede nacque a Siracusa nel 287 a. C. Secondo alcuni era figlio dell'astronomo **Fidia** e parente di **Gerone**, re di **Siracusa**. Studiò in Egitto con i successori di Euclide: **Conone** da Samo, **Eratostene** da Cirene. Morto Gerone (216 a. C.), Siracusa cadde nel disordine. Dopo un breve regno di **Gelone**, il figlio **Ieronimo** fu ucciso e fu proclamata la **repubblica**. Siracusa si alleò con i Cartaginesi di Annibale e la guerra contro i Romani fu inevitabile. Roma inviò il console **Marcello** il quale, dopo avere conquistato Leontini, assediò Siracusa. Soltanto con l'inganno e dopo due anni di terrore, Siracusa venne conquistata e barbaramente saccheggiata. << Un legionario entra in una casa apparentemente disabitata e trova nel giardino un vecchio che disegna figure sulla sabbia. Il vegliardo solleva appena lo sguardo, vede solo che un piede sta calpestando quei segni e dice semplicemente: **noli turbare meos circulos**.

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli

Quasi nello stesso istante la spada crudele del rude legionario pone fine ai suoi giorni ( i Romani, al contrario dei Greci, erano ottimi soldati ma pessimi matematici ) >> Marcello fu assai dispiaciuto quando seppe dell'accaduto. Fece seppellire Archimede con tutti gli onori e gli elevò un monumento funebre che rimase dimenticato per secoli. **Archimede** aveva chiesto ad amici e parenti di scolpire sulla sua tomba un cilindro circoscritto ad una sfera con una iscrizione che indicasse il rapporto tra i volumi e le superfici dei due solidi. Questo per ricordare all'intera umanità che aveva scoperto che la superficie della sfera è equivalente alla superficie laterale del cilindro ad essa circoscritto e che il rapporto tra i volumi della sfera e del cilindro circoscritto vale  $\frac{2}{3}$ . Cicerone nel 75 a. C. lo rintracciò, trovò su di esso la **sfera inscritta nel cilindro** e dimostrò al mondo che Archimede non era un mito ma un uomo veramente vissuto . Moltissime e di ottima fattura sono le investigazioni contenute nelle sue opere. Qui ci limitiamo ad elencare le caratteristiche principali dei suoi lavori che esprimono sempre la genialità dell'autore. Nell'opuscolo sulla **misura del cerchio** Archimede introduce, senza approfondirlo, il concetto di **infinitesimo** e presenta i primi procedimenti rigorosi relativi alla determinazione approssimata del rapporto  $\pi = 3,1416$  della circonferenza al suo diametro spingendo i suoi calcoli fino ai poligoni regolari inscritti e circoscritti di 384 lati .

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli

Di carattere analogo sono i due libri << **Della sfera e del cilindro** >> nei quali, oltre alle regole per la determinazione di aree e volumi dei solidi geometrici, sono risolti svariati problemi sui solidi equivalenti. Di natura più elevata è il contenuto degli scritti dal titolo: **conoidi e sferoidi** ove vengono trattati misure relative ai solidi di rotazione. Con metodi sempre rigorosi ma ingegnosi si trovano trattate importanti proprietà ed applicazioni nell'opera: " **quadratura della parabole e spirali** ". In questa opera il Nostro studia per la prima volta la spirale che porta il suo nome e cioè la **spirale di Archimede**. Particolarmente apprezzabile è l'opera denominata **Arenario** nella quale si trova un originale sistema di numerazione col quale si può rappresentare ( con simboli relativamente semplici ) non solo il numero dei granelli di sabbia di un mucchio grande quanto la terra ma anche quello di una quantità di sabbia grande quanto tutto l'universo. Non possiamo non ricordare il suo trattato sui **Galleggianti** ( ampia e metodica esposizione di idrostatica ) nel quale espone ed applica il suo famoso **principio di Archimede**. Ma l'opera più importante di Archimede e che lo rende immortale nel mondo della conoscenza è il "**Metodo**" scoperta quasi per caso nel 1906. Quest'opera, che fa di Archimede un gigante della matematica, contiene procedimenti ed osservazioni che poi ritroveremo nelle opere di Cavalieri, Torricelli, Newton e Leibnitz. Il Metodo può essere considerato, pur con le dovute precauzioni, il primo trattato di **calcolo integrale**.

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli

Il **Metodo** è uno scritto di Archimede del quale si conoscevano soltanto alcuni frammenti riportati da **Erone** e riprodotti poi da **Piero della Francesca** e **Luca Pacioli**. L'opera è importante perché in essa Archimede espone, con rara maestria, un procedimento mediante il quale è possibile scoprire proprietà relative a curve, superfici e volumi difficilmente deducibili per altra via. Questo scritto anticipa di due millenni i procedimenti utilizzati dal moderno calcolo infinitesimale. L'opera è una lunga lettera scritta da **Archimede** ed inviata al matematico **Eratostene**. Trascurata dai suoi contemporanei non aveva avuto sorte migliore presso i suoi successori e forse, per questo motivo, era stata accantonata e smarrita. La copia più antica delle opere di Archimede è un manoscritto del decimo secolo che ci è pervenuto attraverso una serie di peripezie. Nel 1906 il filologo danese **Heiberg**, quasi per caso, scorre l'elenco degli antichi manoscritti conservati nella **Biblioteca Gerosolimitana di Costantinopoli** e si accorge che uno di essi potrebbe contenere le opere di **Archimede**. Scrive al responsabile della biblioteca e si fa mandare una fotografia di qualche pagina. Quando legge il contenuto non ha più dubbi : **si tratta di un antico prezioso manoscritto in greco, su pergamena, forse del 900 d.C., con scritti di Archimede** .

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli

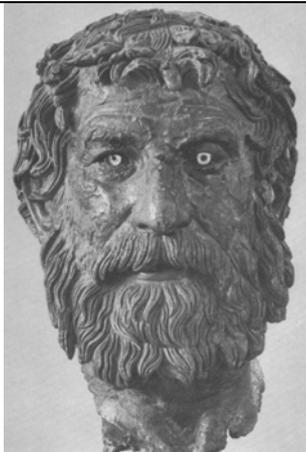
**Heiberg** va a **Costantinopoli** e decifra con grande fatica il documento perché qualcuno, verso il 1300, aveva voluto riutilizzare la stessa vecchia pergamena cancellando le opere di Archimede per scrivere cose di poco interesse. Con sua grande gioia negli ultimi fogli scopre un'opera di Archimede che si riteneva perduta. Si tratta di una copia della lettera scritta da Archimede al grande matematico **Eratostene** che dirigeva la famosa biblioteca di Alessandria e contenente l'opera più importante di Archimede: il **Metodo sui teoremi meccanici**.

In tale opera Archimede fornisce dei metodi generali con i quali è possibile scoprire proprietà sulle curve, sulle superfici, sui solidi non ancora note alla scienza del tempo. Quest'opera, pur con le dovute precauzioni, anticipa nella sostanza i metodi utilizzati dall'attuale calcolo infinitesimale. Il suo è un metodo di scoperta e non di dimostrazione in quanto il sommo pensatore non avendo raggiunto una sistemazione critica della sua rudimentale analisi infinitesimale, sente la necessità di chiedere al ragionamento per esaurimento la sicura conferma dei risultati che sulle aree, sui volumi egli andava conquistando. Archimede riguarda ogni superficie come composta da tanti segmenti di retta, paralleli ad una data direzione, che la riempiono tutta ed ognuno di detti segmenti rappresenta l'elemento infinitesimo costitutivo della figura. Per calcolare l'area del segmento parabolico  $APBCOA$  immagina di utilizzare una ipotetica leva di primo genere  $CH$  di fulcro  $K$ .

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli

Considera poi i segmenti  $MO$  ed  $OP$  come fili omogenei pesanti ed immagina di trasportare il segmento  $OP$  nella posizione  $TG$  ( $TG=OP$ ) in modo che  $H$  sia il suo baricentro. Affinché i segmenti pesanti  $MO$  ed  $OP$  siano in equilibrio, deve valere la seguente proporzione:  $TG:MO=KN:HK$  (condizione di equilibrio per una leva di primo genere che Archimede aveva dimostrato in precedenza). Dalla proporzione  $OP:MO=KN:HK$  deduce la proporzione  $S(APBCOA):S(ACF)=KN:HK=1:3$ . Questo consente ad Archimede di affermare che il triangolo  $ACF$  è il triplo del segmento parabolico  $APBCOA$  e questo, a sua volta, è  $\frac{4}{3}$  del triangolo  $ABC$ . E così Archimede, sfruttando le condizioni di equilibrio di due corpi pesanti sospesi idealmente agli estremi di una leva di primo genere, trasforma l'integrale incognito (area del segmento parabolico  $APBCOA$ ) in un integrale noto (area del triangolo  $ACF$ ). Successivamente, per non contrapporsi ai canoni classici del sapere scientifico del suo tempo, dimostra il risultato trovato con la leva servendosi del metodo di esaustione, eliminando così le insidie dell'infinito attuale. Concludendo, possiamo affermare che Archimede ricorre a procedimenti rigorosi, come il metodo di esaustione, per dimostrare delle proprietà scoperte per altra via facendo ricorso alla sua intuizione o meglio a procedimenti che anticipano di due millenni la nascita del calcolo infinitesimale.

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli



Grande matematico greco del quarto secolo a.C., amico e discepolo di Platone . A lui si deve la teoria delle proporzioni esposta nel V libro degli **Elementi** di Euclide .

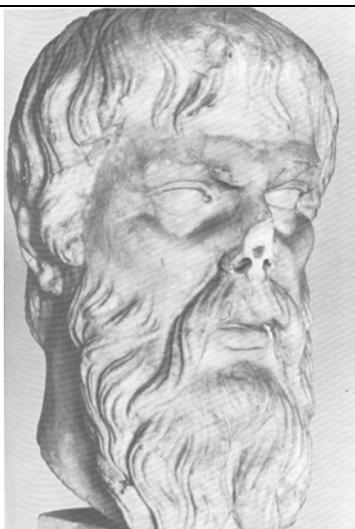
Per non servirsi dell ' << **infinito attuale** >> e degli infinitesimi attuali , vietati da Aristotele , applica in tutte le sue dimostrazioni uno schema di ragionamento molto rigoroso che nel 1647 fu chiamato da Grégoire de Saint Vincent:

### **Eudosso di Cnido**

**metodo di esaustione** che può essere applicato secondo due procedimenti diversi nella forma ma non nella sostanza .

Ad esempio , se vogliamo dimostrare che due grandezze omogenee  $A$  e  $B$  sono uguali , basta verificare che non è possibile avere  $A > B$  né  $A < B$  e quindi, per il principio del terzo escluso ( **tertium non datur** ) deve essere  $A = B$  . Applichiamo ancora il metodo di esaustione e dimostriamo l'uguaglianza delle due grandezze se verificiamo che la differenza  $A - B$  finisce col diventare piccola a piacere . Il metodo di esaustione, utilizzato in maniera sistematico fino al seicento , ci consente soltanto di dimostrare un risultato già noto. Anche il grande matematico siracusano applica sistematicamente il metodo di esaustione ma per dimostrare risultati ai quali è pervenuto utilizzando una teoria, rivoluzionaria per il suo tempo ma che contiene il DNA dell'attuale calcolo infinitesimale .

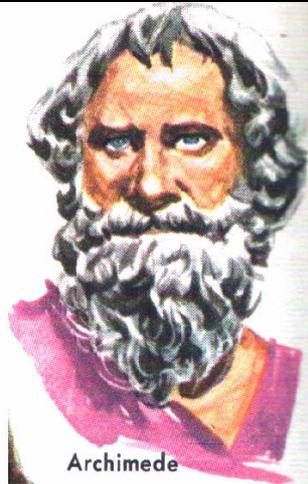
## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli



**Eratostene**

Matematico greco, famoso per avere inventato il **mesolabio**, uno strumento che permette di determinare meccanicamente le medie proporzionali fra due segmenti, ed il **crivello** che porta il suo nome e che serve per la ricerca dei numeri primi. E' il primo scienziato che misura il meridiano terrestre .

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli



Archimede

Archimede

Stella di prima grandezza, si fa apprezzare per l'originalità del suo pensiero, per l'acutezza del suo ingegno, per l'originalità delle sue scoperte. Nell'opera il << **Metodo** >> Archimede ci spiega come sia possibile calcolare l'area di un segmento parabolico utilizzando, come indivisibili

di una superficie piana a contorno curvilineo, infiniti segmenti, dotati di peso ed equivalenti ai trapezoidi infinitesimi dell'attuale calcolo integrale.

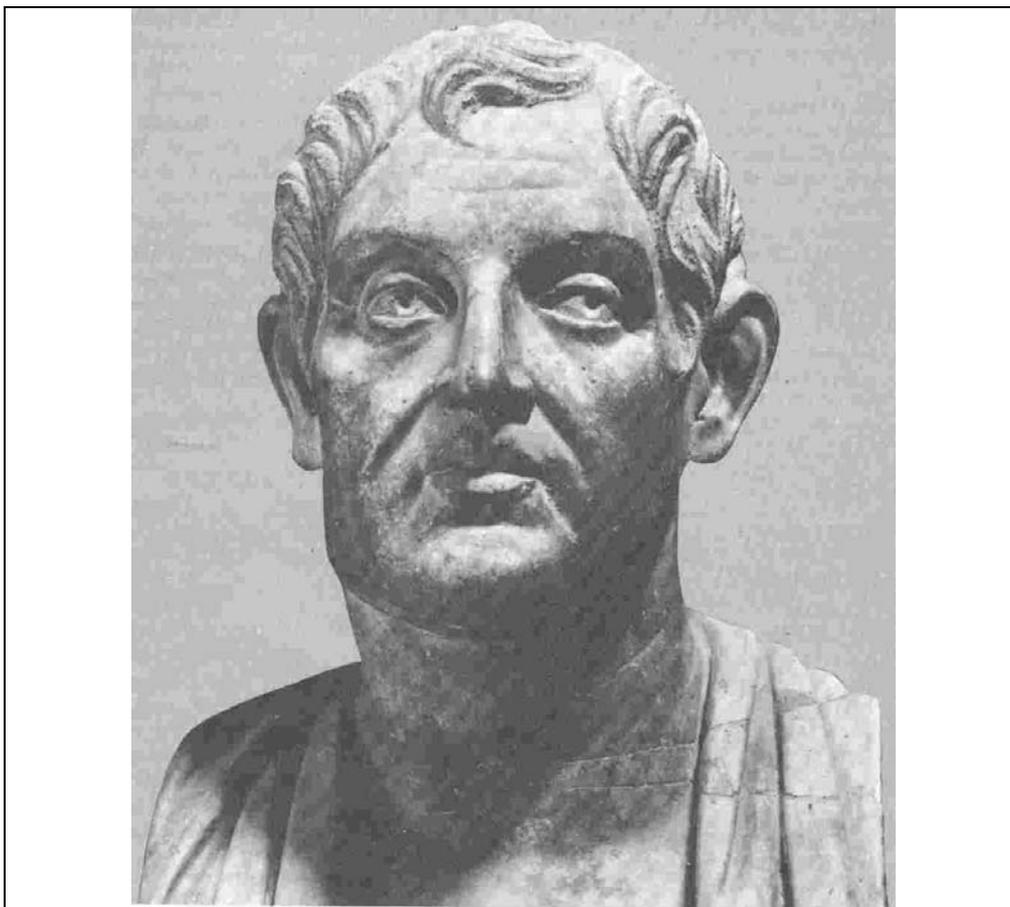
Con quest'opera Archimede elabora il calcolo infinitesimale anticipando di due millenni **Torricelli**, **Cavalieri**, **Newton** e **Leibnitz**. Per questo motivo può essere considerato il primo matematico autore di una teoria sul calcolo infinitesimale .

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli



**Mosaico raffigurante la morte di Archimede**, il più grande matematico dell'antichità ed uno dei più grandi matematici di tutti i tempi. Durante la seconda guerra punica Siracusa si schiera dalla parte di Cartagine; pertanto subisce l'assedio dei Romani dal 214 al 212 a.C., anno in cui deve arrendersi. Durante il saccheggio, Archimede viene ucciso da un soldato romano. Secondo un'altra versione, più verosimile, un soldato romano entra nella casa dello scienziato e lo trova immerso nello studio di alcune figure geometriche tracciate per terra. Infastidito dall'inopportuna presenza Archimede redarguisce il rude soldato con la celebre frase: << **Noli tangere circulos meos** >>. Il soldato, non riconoscendolo, lo uccide, infrangendo gli ordini del console romano **Marcello** il quale, consapevole della grandezza di **Archimede**, aveva ordinato di risparmiargli la vita.

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli



**Aristotele** nasce a Stagira nel 384 a.C. , entra nella scuola di **Platone** a diciassette anni e vi rimane per venti anni , cioè fino alla morte del maestro ( 348 a.C. ) . Nel 342 a.C. è chiamato a Pella da **Filippo re della Macedonia** in qualità di precettore di **Alessandro Magno** . Nell'**Accademia**,la celebre scuola di Platone , Aristotele conosce i più noti scienziati dell'epoca , a cominciare dal famoso matematico **Eudosso di Cnido** . Nel 335 a.C.,morto Filippo e salito Alessandro al trono della Macedonia , Aristotele torna ad Atene dove fonda la celebre scuola denominata **Liceo** . Nel 323 a.C. , morto Alessandro , ci fu in Atene una forte reazione antimacedone . Per sfuggire ai nemici ,Aristotele si ritira a Calcide , dove muore nel 322 a.C. Egli può essere considerato la mente filosofica più universale del mondo greco ; Dante lo definisce il << **maestro di color che sanno** >> . Grande naturalista , lascia lavori fondamentali nel campo delle scienze biologiche . Nel campo della fisica dà un notevole contributo con l'opera denominata la **Fisica** nella quale,dopo una introduzione storica,tratta.a) della natura e del concetto di corpo e del movimento;b) dello spazio e del tempo;c) delle forme del movimento .Con quest'opera il Nostro si pone l'obiettivo di spiegarci non solo come il mondo è costituito ma perché esso è costituito proprio così e non in un'altra maniera.Alle scienze matematiche Aristotele dedica poco tempo;va detto,però,che l'aver affermato che l'**infinito attuale**,e quindi anche l'**infinitesimo attuale** , non esiste ( **infinitum actu non datur** ) ha avuto una influenza negativa sul pensiero matematico dei suoi successori.Egli,infatti,ritiene possibile soltanto la divisione di un continuo ( ad esempio una linea piana ) in un numero quanto si vuole grande di parti,mediante una infinità potenziale di suddivisioni successive,sempre prolungabili ma mai esauribili.Nega,così,l'esistenza di un continuo,composto da una infinità in atto di ultimi elementi indivisibili.Il conflitto aristotelico tra l'infinito potenziale e quello attuale,che traduce il problema della composizione del continuo,sarà risolto definitivamente dal matematico tedesco **Georg Cantor**,autore di una aritmetica dei **numeri trasfiniti**,secondo cui,in determinate circostanze,il tutto può essere uguale ad una sua parte.

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli



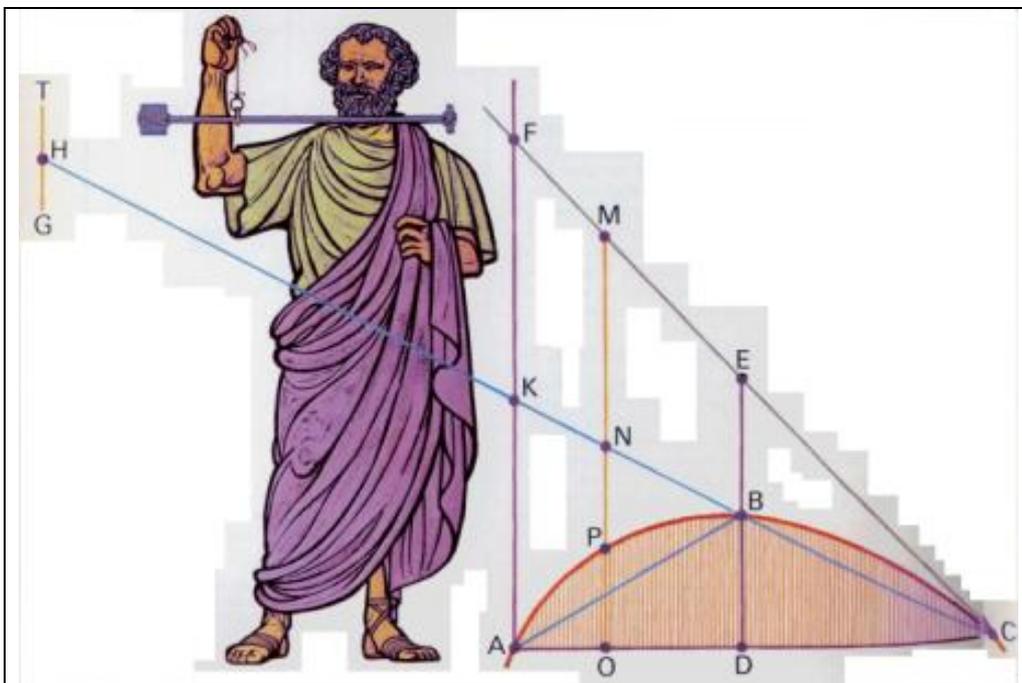
### La biblioteca di Costantinopoli

In questa biblioteca si trova il famoso palinsesto (pergamena sulla quale il testo più antico, lavato e raschiato, viene sostituito con uno nuovo) che contiene l'unica copia dell'opera più famosa di Archimede dal titolo << **Metodo sui teoremi meccanici** >> .

E' una lettera di 174 pagine inviata da Archimede ad Eratostene nella quale fa vedere come è possibile calcolare l'area di un segmento parabolico utilizzando i segmenti pesanti, paragonabili agli attuali trapezoidi infinitesimi che stanno alla base del moderno calcolo infinitesimale. Il testo di Archimede, copiato a Costantinopoli mille anni fa, era stato sostituito nel **XII secolo**, da un " **Eucologion** ", una raccolta di preghiere della Chiesa ortodossa orientale. Il manoscritto venne scoperto casualmente nel 1899 da un **paleografo** greco, **Athanasios Papadopulos Kerameus**, nel monastero del santo Sepolcro di Gerusalemme.

Successivamente il manoscritto fu depositato presso la biblioteca **Metochion di Costantinopoli** e scoperto nel **1906** dal filologo danese **Heiberg**.

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli



### Archimede pesa la parabola

Per Archimede una qualsiasi superficie piana a contorno curvilineo è formata da tanti segmenti paralleli che la riempiono tutta. L'area della superficie piana è la somma delle aree degli infiniti segmenti che costituiscono gli elementi indivisibili della superficie stessa. Ma sommare le aree di questi infiniti segmenti non è facile per i seguenti motivi: se questi segmenti hanno area nulla, la loro somma è zero, se hanno area piccola, ma finita, la loro somma non può essere una quantità finita. Il Nostro risolve il problema attribuendo ad ogni segmento un peso che rappresenta l'area di un trapezoide infinitesimo inscritto nel segmento parabolico, secondo le vedute dell'attuale calcolo infinitesimale. Oggi sappiamo, la somma di infiniti termini infinitesimi può essere una quantità finita. Inoltre Archimede usa il << **metodo meccanico** >> per scoprire una proprietà che poi dimostrerà rigorosamente col metodo di esaustione seguendo la tradizione classica di Euclide: questo per non contraddire la concezione filosofica dell'infinito attuale sostenuta da Aristotele e seguita da tutti gli scienziati del suo tempo.

## Archimede ed il palinsesto di Costantinopoli

Ricerca effettuata dalle alunne

**Amoroso Valentina VB**

**Cece Filomena VB**

**Iannaccone Elena VB**

**Nargi Carmen VB**

visionata da Salvatore Amico , docente di Matematica e Fisica

presso il Liceo Scientifico “ P.S. Mancini “ Avellino

e pubblicata su **Tiri Mancini**

il giornale del Liceo Scientifico di Avellino ,

diretto brillantemente dal Docente referente

**Lia Silvestri**

e dalla Vice Direttrice

**Giovanna Napolitano**